論 文

定電位電解におけるCu結晶(111)面転位位置の 溶解の温度依存性*

今清水雄二**·渡辺慈朗**

Temperature Dependence of Dissolution at Dislocations on the (111) Surface of Copper Crystal under Potentiostatic Electrolysis*

Yuji IMASHIMIZU** and Jirô WATANABÉ**

Abstract

The (111) surface of copper crystal was etched electrolytically under a constant overpotential of 143 ± 10 mV in a solution containing 5 kmol·m⁻³ NaCl, 0.25 kmol·m⁻³ NaBr and 10^{-4} kmol·m⁻³ CuCl at different temperatures from 275 to 307 K. The depth and width of dislocation etch pits and the dissolved amount of a matrix surface were measured using optical and interference microscopes. From the variation of these quantities with an etching time, the vertical dissolution rate along a dislocation line, v_{4} , the lateral one, v_{5} , and the vertical one of matrix surface, v_{5} , were determined. These dissolution rates showed a very different dependence on etching temperature. The value of log v_{4} increased steeply at a low temperature and then decreased gradually with an increase of temperature. The value of log v_{5} increased more slowly at higher temperatures. On the other hand, log v_{6} increased linearly with an increase of temperature. These temperature dependencies were discussed on the basis of the nucleation theory of crystal dissolution.

1. 緒 言

結晶を適当な溶液によって腐食すると低指数表面 上の転位位置にエッチピットが形成される.この転 位ピットの形成は理論的には次のように考えられて いる⁽¹⁾.

(1) 転位位置には余分のひずみエネルギーがあ るので優先的な2次元ピットの核形成がおこる.そ して,そこに生じたステップから原子が溶解して2 次元ピットを形成すると同時にその底部に露出され た転位位置に再び2次元ピット核を形成するという 過程が繰返えされて,転位線に沿う溶解とそれに垂 直な横方向の溶解がつぎつぎにおこり,3次元的な ピットを形成する.あるいは

(2) らせん転位においては表面との交又位置の

1985年7月31日受理

ステップから原子が溶解してスパイラル状のステッ プをもった3次元ピットを形成する.

これに対して、実験的には転位ビットの形成にお よぼす腐食液の成分および濃度,不飽和度,温度な どの腐食条件の影響を調べることによりエッチビッ ト形成の機構を解明しようとする研究⁽²⁾⁻⁽⁴⁾がなさ れてきた.しかし,どちらかというと腐食液の成分 とくにステップからの原子の溶解を抑制するインヒ ビターの作用について比較的詳細に検討⁽³⁾⁻⁽⁵⁾されて いるに対し不飽和度および温度の効果についてはあ まり調べられていない.したがって,不飽和度およ び温度の効果について実験的に調べることが望まれ るが,それには電気化学的に腐食条件を制御出来る 単純電極の定電位電解が有利である.

定電位電解による転位ピット形成の実験的研究と しては, Jasper および Schaarwächter⁽⁶⁾ によるCu 結晶 (111)面に対する報告がある。彼らは転位ピッ ト形成の過電圧と電解液組成との関係については詳 細に調べているが,溶解速度についてはピットの2 次元寸法(幅)の拡大速度しか調べておらず速度論

^{*}日本金属学会・1978年4月6日・東京,結晶成長国内会議・ 1978年11月21日・京都,1983年7月26日・京都,に一部発表

^{**}秋田大学鉱山学部冶金学科. Department of Metallurgy, Mining College, Akita University, Akita

的な検討を行うには難点があった.

そこで、著者ら⁷⁷⁽⁸⁾は彼らと同様の方法によって Cu(111)面を定電位電解腐食し、転位ピットの3次元 寸法、幅と深さの拡大速度を測定して、転位位置に おいて溶解がどのように進むかを調べるとともにそ の溶解量の時間変化と腐食電流の時間変化を解析し た.そして、転位位置における溶解と電流密度・時 間曲線とはよく対応することを示した。

本研究では前研究⁽⁷⁾⁽⁸⁾をさらに進めて、ほゞ一定 過電圧下で形成される Cu(111) 面の転位ピットの幅 および深さの拡大速度のほかに、同時におこる基地 表面の溶解量の増大速度を種々の温度において測定 し、転位位置溶解の温度依存性について検討を加え た.

2. 実験方法

1. 試料の作成

再電解銅(三菱金属,公称純度:99.996%)を初 材料として,引上法によって Ar 気流中において [321] 方位の直径約 10mm の Cu 単結晶を育成した このCu単結晶を化学切断および化学研摩すること により成長方位に平行な (111) および (145) 面を側 面とする角柱結晶を得た、つぎに、この結晶を[]11] 軸のまわりに軽く曲げ変形を加えて(111)表面に端 部をもつ刃状転位を導入した後、化学切断して約 7×7×8(mm)の直方体結晶試料を作成した。表面の 方位決定は光像法⁽⁹⁾によって行い、とくに(111)表 面についてはそれが 8.7×10-3rad(0.5°) 以内の角度で (111) 面と一致するように化学研摩によって鏡面に 仕上げた.この結晶試料の端部に Fig.1 に示すよう に電流・電圧端子を銀ペーストによって固定した後, テフロンホルダーに(111)表面が露出するようにパ ラフィンによって埋込み固定した。そして, conc



Fig.1 Sample assembly for electrolytic etching.

 H_3PO_4 液中において約 $1.44 \times 10^4 s(4h)$ 電解研摩を施 し、十分に蒸留水により洗浄乾燥後、後述する基地 表面の溶解量の測定のため図のように ($\overline{1}11$) 表面の 一部をビニールテープによって被覆し、直ちに電解 腐食した。

2. 定電位電解法

定電位電解は前研究⁽⁷⁾⁽⁸⁾に用いた装置により次の ように行った.すなわち、上述の試料をまず電解液

<i>т</i> (К)	275	283	291	299	307
E (mV vs. SHE)	68	66	43	38	20
E _{eq} (mV vs.SHE)	-65.6	- 81.5	-97.5	-114.1	-130.8
η (mV)	134	148	141	152	151

Table 1 Experimental conditions of electrolytic etching.

E : Applied potential. E_{eq} : Equilibrium potential calculated from Nernst's equation ⁽¹⁰⁾. γ : Overpotential.



Fig.2 Typical examples of (a) optical and (b) multi-beam interference micrographs of dislocation etch pits and (c) a two-beam interference micrograph of the step line produced between etched surface and masked surface.

(5kmol·m⁻³NaCl, 0.25kmol·m⁻³NaBr, 10⁻⁴kmol·m⁻³CuCl)⁽⁶⁾と同じ温度に保った蒸留水中に約6×10²s間保持し,所定の温度に到達させたのち,電解液に浸漬し一定電位の下で一定時間電解腐食した. 試験温度と印加電位を**Table 1**に示した.印加電位は温度によって相違するが,印加電位Eと平衡電位 E_{eq} の差に相当する過電圧 η は143±10mVである.たゞし,本実験では E_{eq} を実験的に求めずに次のように計算した.すなわち,塩化物溶液によるCuのアノード溶解は

によって与えられる⁽¹⁰⁾. こ、で E° は標準酸化還元 電位, kはボルツマン定数, Zは原子価 (Cu に対し て Z=1), e^{*} は素電荷, ()はそれぞれ当該イオン の活量を表す. $E^{\circ}=-0.050V$ vs. SHE (298K)および $dE^{\circ}/dT\approx-0.0004V//K^{(10)}$ を用い, (CuCl₂⁻) に対す る活量係数を1, (Cl⁻)に対する平均活量係数を~ $0.8^{(11)}$ として (2)式により各温度の標準水素電極電位 に対する E_{eq} vs.SHE を求めて過電圧 η を評価し た.また, 腐食時間は 1.8×10^{2} s, 2.4×10^{2} s, $3 \times$ 10^{2} s, 3.6×10^{2} s, 4.2×10^{2} s, 4.2×10^{2} s, 3×10^{2} s, 3.6×10^{2} s 、 3.6×10^{2} s, 2.4×10^{2} s, 3×10^{2} s, 3.6×10^{2} s である. 腐食後試料を電解槽よりすみやかにとり出 し, 蒸留水により十分洗浄してから N2 ガス気流中 において乾燥させたのち, ビニールテープをはがし 以下に述べる測定を行った.

3. 転位ビットの寸法および基地溶解量の測定法 転位ピットの寸法は光学顕微鏡(サーフィスフィ ニッシュマイクロスコープ 日本光学)を用いて前 研究⁽⁷⁾⁽⁸⁾ とほぼ同様の方法により測定した.

Fig.2(a) は転位ピットの写真であり、丸味を帯びた 三角形の中心から三辺までの長さ h_1 , h_2 , h_3 を測定 し、その平均値をとってピットの幅hを求めた.ま た、Fig.2(b) はFig.2(a) と同一ピットの同倍率多重 干渉写真(波長 λ =0.5452 μ m)であり、干渉縞の間 隔からピットの深さdを求めた。測定は同一腐食面 のピット 50 ケについて行いその平均値をとった。こ のhおよびdの測定値の誤差の大きさは $\pm 2\sim3\%$ で ある。

また,結晶表面のビニールテーブ被覆部(Fig.1 参 照)は腐食されないので,腐食された部分との間に 段差を生じ,それが基地溶解量に相当する.Fig.2(c) は被覆部と露出部との境界領域の二光束干渉顕微鏡 写真(波長 λ =0.5452µm)であり,両領域の干渉縞 のずれと間隔から基地溶解量 sを求めた.なお測定 は同一腐食面において1個所5本の干渉縞をとり, 3個所を測定し,平均値をとった.この sの測定値 の誤差の大きさは約±4% である.



Fig.3 Plots of the width, *h*, and the depth, *d*, of dislocation etch pit and the dissolved amount of matrix surface, *s*, against etching time, *t*.

3. 実験結果

Fig.3に種々の温度における転位ピットの幅hお よび深さ d ならびに基地表面の溶解量 S と腐食時間 tとの関係を示した、すなわち h, d および s は t に 比例して増大した。なお、図中の実線は最小二乗法 によって求めた直線である. hおよび dが tに比 例することは前研究(7)(8)においても示されたが、た だ前研究の298K, 40mV vs.SHEの結果と本研究にお けるそれとほ、同じ299K、38mV vs.SHEの結果を比 較すると、同一腐食時間における h および d の値は 本実験では前研究よりもhにおいて~6µm, dにお いて~0.8µm小さい. これは本実験では, Fig.1 に 示したように結晶試料とそのまわりを埋めるパラフ ィンとの境界部をテープで被覆しないで腐食したた めに隙間腐食がおこって転位ピットが全体的に小さ くなったものと推定される、しかし、両実験におけ る h および d の t に対する直線勾配は同程度であり 転位位置の溶解速度において重要な量であるピット の拡大速度は前研究の値(h=3.65×10-8m/s, d=2.25 ×10⁻⁹m/s)と本実験においるそれ(h=3.54×10⁻⁸ $m/s, d=2.31 \times 10^{-9} m/s$)とはほぼ一致する.

こ、で、定常的な溶解が行われる段階における転 位線に沿う垂直溶解速度を va,転位線に垂直な水平 溶解速度を va,基地表面の溶解速度を vs としよう. 定常的な溶解においては、Fig.4 に示すように時刻



Fig.4 Schematic illustration of the relation between etch-pit size and dissolution rate.

*t*において幅 *h* および深さ *d*のピットが,時刻 *t* + Δt においては基地表面が Δs だけ溶解すると同時に ピットは *h*+ Δh および *d*+ Δd の大きさに成長する. したがって,図から知られるように基地表面の溶解 速度は

 $v_s = \Delta s / \Delta t = \dot{s}$ (3) である.また、転位線に沿う方向には時間 Δt の間に 長さ $\overline{OO'}$ だけ溶解し

$$v_{\rm h} = \left(\frac{(h+\Delta h)}{(d+\Delta d)} \cdot (\Delta d+\Delta s)\right) / \Delta t$$
$$\approx \left(\frac{\dot{h}}{\dot{d}}\right) (\dot{d}+\dot{s}) \qquad (5)$$

たゞし

$$\frac{h}{d} = \frac{h + \Delta h}{d + \Delta d} \approx \frac{\dot{h}}{\dot{d}} = -\overleftarrow{\Xi} \qquad (6)$$

によって表わされる.なお,前研究⁽⁷⁾⁽⁸⁾において示し たようにこの電解腐食においては h/d は腐食時間に よって変化し,長時間腐食後に (6) 式の条件を満足 する.

4.考察

上述のように、本実験では Cu (111) 面をほ、一定 の過電圧 n=143±10mV の下で電解腐食し、刃状転 位線に沿う垂直溶解速度 va, それに垂直な水平溶解

86



Fig.5 Plots of the vertical dissolution rate along a dislocation line, $v_{\rm d}$, the lateral one, $v_{\rm h}$, and the vertical dissolution rate of a matrix surface, $v_{\rm s}$, in a logarithum scale against etching temperature, *T*.

速度 u,および基地表面の垂直溶解速度 u,の温度依 存性を調べた。刃状転位はらせん転位と異なり,結 晶表面との交叉位置にステップをもたないから,そ れの定常的溶解に対しては熱力学的な2次元核形成 論を適用できる。

結晶溶解の核形成論⁽¹²⁾によれば、転位線が結晶 表面と交叉する位置ではひずみエネルギーがあるた めに1原子深さ aの2次元ピットの核形成がおこり 易く、継続的な核形成による転位線に沿う溶解速度 v₄ は

$$v_{\rm d} \approx a_{\nu} \exp\left(-\frac{\Delta G_{\rm d}^* + \Delta H}{kT}\right) \dots (7)$$

$$p = \left(1 - \frac{\alpha q}{4\pi} \cdot \frac{\mu b}{\gamma}\right)^2 < 1 \quad \dots \quad (9)$$

たゞし, µは剛性率, bはバーガースベクトルの大

きさ、 $q \approx 0.1$ 、 また刃状転位に対して $\alpha \approx 1.8 \sim 2$ で あり、また、結晶と溶液相の化学ポテンシャル差を Δg , 2 次元ピットのへりの比エネルギー(結晶-溶 液界面エネルギー)を γ および原子容積を Qとする と

である.

また,転位位置につくられた2次元核のへりのス テップから原子が溶解することによってピットが横 方向にひろがる溶解速度いは,b*を横方向の原子 間距離,k*をステップからの溶解に対する補正係 数,Xを不飽和度とすると

$$v_{\rm h} \approx b^* k^* \chi \nu \exp\left(-\frac{\Delta H}{kT}\right)$$
(11)

たゞし

さらに,基地表面が溶解する速度 vs は転位のない 結晶表面につくられた 2 次元核が横方向にひろがる 速度に依存し,

$$v_{\rm s} \approx a \left(\frac{b^*}{b}\right)^{1/3} (k^* \chi)^{2/3} \nu \exp\left(-\frac{(1/3)\Delta G_{\rm s}^* + \Delta H}{kT}\right)$$

によって表わされる.

以上の理論式によれば、溶解速度 v_{4} , v_{4} および v_{5} は (7), (11) および (13) 式によって与えられ、これ らの式において ΔH , ΔG_{4}^{*} , ΔG_{5}^{*} , k^{*} および χ が温 度に依存しないときには、 v_{4} , v_{4} および v_{5} はいずれ も温度 Tを高くすることにより増大 (log (v_{4} , v_{6}) が 1/Tに比例) し、その増大の傾向は、 v_{4} および v_{5} のほうが v_{4} り大きくなる (指数項に ΔG_{4}^{*} あるい は ΔG_{5}^{*} が含まれる分だけ log 値-1/Tプロット の直線の傾斜が大きくなる) ことが期待される. し かし、Fig.5 に示した実験結果は必ずしもそうでは なく、 v_{4} は温度上昇とともにはじめ増大したのちや や減少する傾向があり、また v_{5} は v_{4} より高温側の 温度依存性が小さい. このような理論と実験の不一 致は次のようなことによると推察される.

まず, va の温度依存性に関しては,(7)式中の ΔH は一般に温度に対して一定であるとみなされるの で,Fig.5の実験結果はこの式の ΔGa* が温度によっ て変化することを示している. ΔGa* は(8)~(10)式 によって与えられるが,それを規定する因子の中で 温度に依存するものとして化学ポテンシャル差 Δgと 界面エネルギー γの二つについて検討する必要があ





Fig.6 Steady-state concentration profile of dissolved metal ion in the electrolyte just ahead of the crystal-electrolyte interface.

る.

結晶が定常的に溶解するときには、**Fig.6** に示す ように、結晶表面から速度 v で溶出したイオン量は 溶液中の拡散層中のイオンの濃度勾配に沿って流れ る拡散量と等しくなっていると考えられる.このと き、結晶表面に密接する溶液中のイオン濃度(界面 濃度)を c_s 、飽和濃度を α とすれば、 Δg は

$$\Delta g = -kT \ln \frac{c_{\rm s}}{c_0} \qquad (14)$$

によって与えられる.また過電圧 ŋが印加されてい るときには

た、し、 c∞は溶液の沖合におけるイオン濃度、し たがって、(14)と(15)式から

$$\Delta g = Ze^* \eta - kT \ln \frac{c_s}{c_{\infty}} \qquad (16)$$

なる関係が得られる。一方,溶出イオンの拡散量 jは拡散係数をD,拡散層の厚さをるとすると,

 $j=v_{\rm d}/\Omega$ (18) である.したがって,(16)~(18) 式を用いて Δg の温度 依存性を求めると、

$$\frac{d\Delta g}{dT} = -k \ln |1 + (v_{\rm d}/\Omega) (Dc_{\infty}/\delta)^{-1}| \times \left(1 + \frac{d \ln |\ln(1 + (v_{\rm d}/\Omega) (Dc_{\infty}/\delta)^{-1})|}{d \ln T}\right) \dots \dots (19)$$

が得られる.すなわち, Δgは u₄および D/δの温度 変化に依存し,右辺の[]内の第2項が-1より大 きいときには Tとともに減少し、-1より小さいと きには増大する.(19)式に本実験の uの温度変化 (Fig.5)を適用すると、厳密な解析は困難であるが、 D/δ の温度変化率が適当に小さいときには uが増大 する 275~283K においては Δg が急激に減少し、ま た ua が漸減する 283~307K においても Δg が緩や かに減少し得ることになる。したがって、このよう な Δg の減少による ΔG_d^* の増大を通して u が実験 結果 (Fig.5)のような温度変化を示すことが考えられ る.

つぎに、電解液中の結晶・溶液界面エネルギーアは 表面電荷密度を σ 、電極電位を E、i成分の界面過剰 量を Γ_i 、化学ポテンシャルを g_i とすると、Gibbs σ 吸着等温式より、

によって与えられる. ここで Lippmann 式により, $-\sigma = (\partial \gamma / \partial E)_{T,p,g_{l}}$ であるとし,また, Cl⁻および Br⁻ イオンの Langmuir 吸着⁽¹³⁾ を考えることにする. そうすると,吸着種を含まない溶液中の $E_{\text{e.c.m}}$ (電 気毛管極大の電位, $\sigma=0$)における界面エネルギー を γ_{o} ,飽和吸着量を Γ_{m} ,吸着率を θ によって表わせ ば,(20) 式より γ は近似的に

$$\gamma \approx \gamma_0(T) + \int_{E_{\rm e,c,m}}^E \left(\frac{\partial \gamma}{\partial E}\right)_{T, p, g_{\rm i}} dE +$$

 $kT\Gamma_{m} \ln(1-\theta_{Cl})(1-\theta_{hr})$ …… (21) によって与えられる.この式の第1項は Tととも に減少すると考えられる.第2項については、本実 験では高温ほど印加電位を低くしている.(Table 1) ので、アを変化させることになるが、($\partial \gamma/\partial E$)の温 度依存性が不明であるので、なにも言えない.これ に対して、第3項は θ (したがって吸着熱)⁽¹³⁾のい かんによっては Tの増大によって アを低下させる. したがって、アは第1および3項の寄与が大きいと きには Tとともに低下する可能性がある.そのよう な場合には、 ΔG_{d} * は γ の2乗に比例するので、 ΔG_{d} * は Tの増大によって減少する項と増大する項 の和となり((8)~(10)式), v_{d} の理論式(7)より実験結 果(Fig.5)のような v_{d} の温度変化が期待される.

以上より, va の温度変化に対しては温度上昇による Δg および アの減少がともに寄与し得るものと推察される.

つぎに、 v_h に関しては理論式⁽¹¹⁾ の中で ΔH は一 定値と見なされるが、 $k^* \ge \chi$ は温度に依存する。 k^* は Br⁻ イオンがステップに吸着して溶解を抑制す る効果⁽⁶⁾ を表わす係数である.この効果に対して Bliznakow⁽¹⁴⁾の理論を適用すると、

$$k^* = 1 - \theta_{\rm Br} \left\{ 1 - \exp\left(-\frac{\xi}{kT}\right) \right\} \dots (22)$$

ただし、 ξ はイオン吸着による溶解の活性化エネル ギーの増加分(一定値)である.この式は、 k^* は *T*が大きくなると大きくなることを示す.一方、 *x*は *Ag*に依存し((12)式), *Ag*が前述のように *T*の増 大によって減少するときには *x*もまた減少する.し かし、本実験では *T*≈300K(kT≈4×10⁻²¹J(0.025eV)) において *Ag*≈8×10⁻²¹J(0.05eV)と推定される⁽⁶⁾⁽¹²⁾ ので *T*の増大による *x*の減少は小さいと考えられる. したがって、本実験における温度による *v*_hの増大 (Fig.5) は k^* および exp($-\Delta H/kT$)値((11)式)の増 大に帰せられる.

また,実験結果 (Fig.5) によると, v_s は温度ととも にはじめ幾分大きく増大したのち,緩やかに増加す る. v_s の理論式 ((13) 式) の中で温度によって変わる 因子は ΔG_s^* と k^* であるが,この中 ΔG_s^* は Δg と γ を含むから, v_a に対すると同様に Tの増加によっ てはじめ v_s をはやく増加させたのち減少させる効果 をもつ.また, k^* は上述のように Tの増大とともに v_s を大きくする.したがって,この二つの効果によ って v_s は上述のような温度変化を示したものと考え られる. v_s の温度変化が v_a のそれよりも緩やかなの はおそらく両者に含まれる ΔG_s^* の係数の相違(前 者に対しては 1/3((13) 式),後者では p((8) 式)) によ るものであろう.

5. 結 言

Cu 結晶 (111) 面を種々の温度において一定の過電 圧下で定電位電解腐食し,転位位置および基地表面 の溶解速度の温度依存性を調べ,その結果を結晶溶 解の核形成論にもとづいて検討した.得られた結果 は次の通りである.

(1) 転位線に垂直な水平溶解速度は温度の増大と ともに顕著に増大した。 (2) 転位線に沿う垂直溶解速度は温度の上昇によ

りはじめ急速に増大したのちゆるやかに減少した。

(3) 基地表面の溶解速度は温度を高めるとはじめ や、はやく,のちゆるやかに増加した.

(4)上述の実験結果に対して検討を加えた結果, 化学ポテンシャル差,界面エネルギー,表面ステッ プの移動速度係数および不飽和度の温度変化を考慮 すれば,核形成論によりほゞ説明できることが推測 された。

最後に本研究の実験に協力された秋田大学大学院 生並木尚己(現在:日本ケミコン K.K.)氏に対して 感謝の意を表します.

参考文献

- N. Cabrera and M.M. Levine : *Phil. Mag.*, **1** (1956), 450.
- (2) M. B. Ives and J. P. Hirth : J. Chem. Phys., 33 (1960), 517.
- (3) M. B. Ives and M. S. Baskin : J. Appl. Phys., 36 (1965), 2057.
- (4) V. Hari Babu and K. G. Bansigir : J. Phys. Soc. Japan, 23 (1967), 860.
- (5) 森戸延行・末高 治:日本金属学会誌, 36 (1972), 577.
- (6) L. Jasper und W. Schaarwächter : Z. Metallk., 57 (1966), 661.
- (7) 今清水雄二・渡辺慈朗:日本金属学会誌,47(1983), 185.
- (8) Y. Imashimizu and J. Watanabé : *Trans. JIM*, **24** (1983), 791.
- (9) 山本美喜雄・渡辺慈朗:金属物理,5(1959),198.
- (10) A. L. Bacarella and J. C. Griess, Jr. : J. Electrochem. Soc., 120 (1973), 459.
- (11) 日本化学会編:化学便覧,基礎編,丸善,(1975), 1198.
- (12) W. Schaarwächter : *phys. stat. sol.*, **12** (1965), 375, 865.
- (13) O. Knacke und I. N. Stranski : Z. Elektrochemie, 60 (1956), 816.
- (14) G. Bliznakow : Fortschr. Min., 36 (1958), 149.